Correction de l'activité du livre p.73

Activité 6

Effet Doppler et astrophysique

L'effet Doppler permet d'en apprendre plus sur notre Univers.

1 D'où proviennent les raies d'absorption sur le spectre d'une étoile ?

Les raies d'absorption sont dues à l'atmosphère gazeuse de l'étoile.

a. Rappeler la relation liant longueur d'onde, fréquence et célérité d'une onde.

$$c = \lambda \times f$$

b. À partir des formules (1) et (2) de l'activité 5, donner la relation entre λ_r et λ_e dans le cas où l'étoile s'éloigne de la Terre ; puis dans le cas où elle se rapproche de la Terre.

$$f_r/f_e = v/(v+u)$$
 (1) ou $f_r/f_e = v/(v-u)$ (2)

Dans le cas où l'étoile s'éloigne de la Terre, la fréquence diminue. On a donc $f_R < f_F$: c'est donc la formule (1).

On combine les trois relations suivantes :

$$\frac{f_R}{f_E} = \frac{c}{c + u}(1) \qquad f_R = \frac{c}{\lambda_R} \qquad et f_E = \frac{c}{\lambda_E}$$

On obtient :

$$\frac{\frac{c}{\lambda_R}}{\frac{c}{\lambda_E}} = \frac{c}{c+u} \iff \frac{\lambda_E}{\lambda_R} = \frac{c}{c+u}$$

Si l'étoile se rapproche de la Terre, la fréquence augmente et à partir de la formule (2), on obtient avec un raisonnement analogue :

$$\frac{\lambda_E}{\lambda_R} = \frac{c}{c - u}$$

c. Interpréter, à l'aide de la question précédente, le décalage de la raie d'absorption dans les cas (b) et (c) de la figure 1.

Dans le cas où l'étoile s'éloigne de la Terre, on a :
$$\frac{\lambda_E}{\lambda_R} = \frac{c}{c+u}$$

Donc la longueur d'onde émise est inférieure à la longueur d'onde reçue : la raie se décale est les longueurs d'onde élevées, donc vers le rouge. C'est bien ce qu'on observe sur la fig.c

Dans le cas où l'étoile se rapproche de la Terre, on a :
$$\frac{\lambda_E}{\lambda_R} = \frac{c}{c-u}$$

Donc la longueur d'onde émise est supérieure à la longueur d'onde reçue : la raie se décale est les longueurs d'onde faibles, donc vers le violet. C'est bien ce qu'on observe sur la fig.b

3 À partir de la question **2.b**, donner l'expression de la vitesse de l'étoile dans la direction d'observation, pour les deux situations, en fonction de $|\Delta\lambda| = |\lambda_r - \lambda_e|$, λ_e et de la vitesse de la lumière c.

Dans le cas où l'étoile s'éloigne de la Terre, on a :

$$\frac{\lambda_{E}}{\lambda_{R}} = \frac{c}{c + u} \iff \lambda_{E} \times (c + u) = \lambda_{R} \times c \iff \lambda_{E} \times u = c \times (\lambda_{R} - \lambda_{E})$$

$$\iff u = \frac{c \times (\lambda_{R} - \lambda_{E})}{\lambda_{E}} \iff u = \frac{c \times |\Delta \lambda|}{\lambda_{E}}$$

Dans le cas où l'étoile se rapproche de la Terre, on a :

$$\frac{\lambda_E}{\lambda_R} = \frac{c}{c - u} \iff \lambda_E \times (c - u) = \lambda_R \times c \iff \lambda_E \times u = c \times (\lambda_E - \lambda_R)$$

$$\iff u = \frac{c \times (\lambda_E - \lambda_R)}{\lambda_E} \iff u = \frac{c \times |\Delta \lambda|}{\lambda_E}$$

Mise en œuvre au laboratoire

• Ouvrir l'animation « Effet Doppler-Fizeau », consultable sur le site www.bordas-espace.fr/lycee.

Module « Vitesse radiale des étoiles »

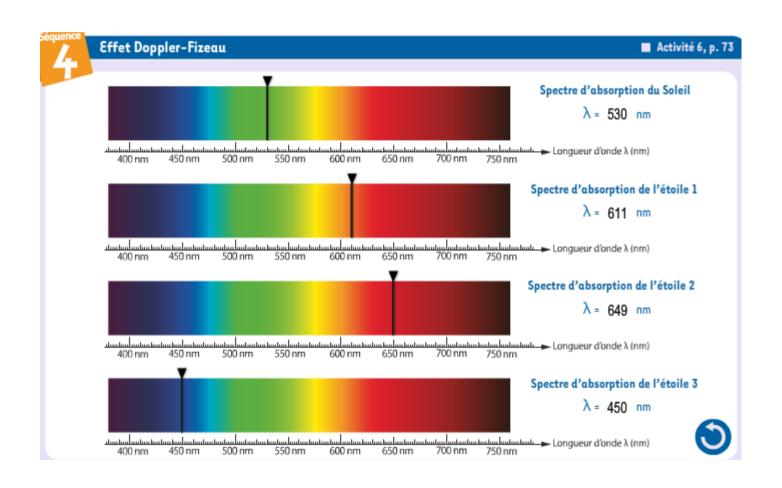
- 4 Pour chaque étoile :
- a. dire si elle s'approche ou s'éloigne de la Terre ;
- b. mesurer le décalage en longueur d'onde ;
- c. déterminer la vitesse de l'étoile par rapport à la Terre dans la direction d'observation.

Etoiles n°1 et n°2:

Raie décalée vers le rouge : donc ces étoiles s'éloignent.

Etoiles n°3:

Raie décalée vers le violet: donc cette étoile se rapproche.



Décalages :

Étoile n°1 : $\Delta \lambda_1 = 611 - 530 \text{ nm} = 81 \text{ nm}$

Étoile n°2 : $\Delta \lambda_2 = 649 - 530$ nm = 119 nm

Étoile n°3 : $\Delta \lambda_3 = 530 - 450$ nm = 80 nm

$$u = \frac{c \times |\Delta \lambda|}{\lambda_E}$$

$$avec c = 3,00 \times 10^8 \, m/s \ et \ \lambda_E = 530 \, nm$$

Vitesses:

Étoile n°1 : $u_1 = 4.6 \times 10^7 \text{ m/s}$

Étoile n°2 : $u_2 = 6.7 \times 10^7 \text{ m/s}$

Étoile n°3 : $u_3 = 4.5 \times 10^7 \text{ m/s}$

Remarque : les valeurs obtenues sont extrêmement élevées et proches de la valeur de c. On se trouve là dans les limites du modèle de l'effet Doppler vu en cours.